## Struktur der Materie

## Übungsaufgaben WS 2021/22

- 1.1 Berechnen Sie die allgemeine Gaskonstante aus den experimentell ermittelten spezifischen Wärmen von Helium bei konstant gehaltenem Druck  $c_p = 5,238\,kJ/(kg\cdot K)$  bzw. bei konstant gehaltenem Volumen  $c_V = 3,161\,kJ/(kg\cdot K)$ .
- 1.2 Die Schallgeschwindigkeit in Argon beträgt bei einer Temperatur von 20°*C* 318,5 m/s. Berechnen Sie die allgemeine Gaskonstante.
- Zeigen Sie, dass die mittlere (kontinuierliche) Energie bei Boltzmannverteilung gerade kT ist. Wie groß (in meV) ist sie bei 20°C?
  Welcher Wert ergibt sich, wenn nur diskrete Energien im Abstand von 10 meV erlaubt sind?
  Mit welchen Wahrscheinlichkeiten sind die ersten 4 Energieniveaus jeweils besetzt?
  Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass höhere Niveaus besetzt sind?
- 1.4 Schreiben Sie die Maxwellsche Geschwindigkeitsverteilung in Abhängigkeit der kinetischen Energie.
- 1.5 Berechnen Sie die wahrscheinlichste Geschwindigkeit bei der Maxwellverteilung.
- 1.6 Wie groß sind die mittlere, wahrscheinlichste und mittlere quadratische Geschwindigkeit von Heliumatomen bei 20°C?
  Wie groß ist die mittlere kinetische Energie eines Atoms?
- 1.7 Wie groß ist der Anteil von Heliumatomen, die eine größere als die 5-fache der wahrscheinlichsten Geschwindigkeit besitzen? Benutzen Sie die Näherung  $\int\limits_{-\infty}^{\infty} x^2 \cdot e^{-x^2} dx \approx \frac{1}{2} \ y \cdot e^{-y^2} \ , \ \text{die für y=5 einen Fehler von weniger als 2\% hat.}$
- Wie groß ist das Verhältnis der Wahrscheinlichkeiten ein Sauerstoffmolekül zwischen dem Gipfel des Mount Everest (8844 m) und 1 m Höhe über dem Gipfel bzw. zwischen dem Erdboden und 1 m Höhe anzutreffen?
  Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit es überhaupt in einer größeren Höhe als 8844 m zu finden?
  Die Temperatur von 20°C und die Erdbeschleunigung sollen konstant sein.
- 1.9 Mikroskopisch kleine Teilchen mit einer Dichte von 1194 kg/m und einem Radius von 0,212 μm befinden sich in Wasser der Temperatur 20°C. Berechnen Sie die wirksame Masse der Teilchen unter Berücksichtigung des Auftriebs. Im Gleichgewichtszustand werden in einer bestimmten Höhe 490 Teilchen gemessen. 60 μm darüber nur noch 140. Berechnen Sie die Boltzmannkonstante und die Diffusionskonstante.
- 1.10 Das Kovolumen von He wurde zu 0,0237 *dm³/mol* bestimmt. Welcher Atomradius folgt daraus?
- 1.11 Ein Tropfen aus einer Mischung aus Ölsäure (C<sub>17</sub>H<sub>33</sub>COOH) und Leichtbenzin im Volumenverhältnis 1:2000 wird auf eine Wasseroberfläche gegeben. Nach dem Verdunsten des Leichtbenzins entsteht eine monomolekulare Ölschicht mit einem Durchmesser von 13 *cm.* 30 Tropfen des Ölsäure-Benzin-Gemischs haben ein Volumen von 1 *cm*<sup>3</sup>. Schätzen Sie den Molekülradius der als kugelförmig angenommenen Ölsäuremoleküle ab.
- 1.12 Berechnen Sie die mittlere freie Weglänge von Heliumatomen bei einem Druck von 1*mbar* und einer Temperatur von 20°*C*.
   Wie groß sind die Diffusionskonstante und die Wärmeleitfähigkeit?
- 1.13 Berechnen Sie die Gitterkonstante des kubisch-raumzentrierten-Eisenkristalls. Welchen Radius haben die Eisenatome?

(Dichte von Eisen  $\rho_{Fe} = 7874 \, kg \, / \, m^3$ , molare Masse von Eisen  $M_{Fe} = 55,845 \, g \, / \, mol$ )

## Struktur der Materie

Übungsaufgaben WS 2021/22

1.14 Ein geladener Öltropfen kann mit einer Spannung von 193 V im Feld eines Kondensators mit einem Plattenabstand von 2,5 mm zum Stillstand gebracht werden. Nach dem Abschalten der Spannung sinkt der Tropfen mit einer Geschwindigkeit von 88  $\mu m/s$  zu Boden. Berechnen Sie den Radius und die Ladung des Tropfens.

$$(\eta_{Luft} = 1,82 \cdot 10^{-5} Pa \cdot s, \rho_{Luft} = 1,293 kg/m^3, \rho_{Ol} = 1030 kg/m^3)$$

- 1.15 Wie groß ist die Aufspaltung einer Spektrallinie der Wellenlänge 600 nm, wenn sich das strahlende Atom in einem Magnetfeld von 1 T befindet?
- 1.16 Ein Elektronenstrahl wird parallel durch einen Plattenkondensator mit 2 cm langen Platten geschossen. Wie groß ist die Ablenkung des Stahls auf einem Schirm in 20 cm Entfernung vom Ende des Kondensators wenn die elektrische Feldstärke 10000 V/m beträgt. Zur Ermittlung der Geschwindigkeit der Elektronen kann die Ablenkung durch ein Magnetfeld der Stärke 700 µT unterdrückt werden. Mit welcher Spannung wurden die Elektronen beschleunigt?
- 1.17 Stickstoff- und Sauerstoffionen werden in einem elektrischen Feld beschleunigt und durch ein Magnetfeld abgelenkt. Wie groß ist das Verhältnis der Krümmungsradien?
- 1.18 Ein Heliumion der Energie 5MeV wird am Kern eines Goldatoms um einen Winkel von 90° gestreut. Wie groß war der Stoßparameter (in nm)?
  Bis zu welchem minimalen Abstand (in nm) gelangt das Heliumion bei Rückwärtsstreuung?